

1) Compléter en ligne les zones en pointillés : (6 points) **6**  
 (la colonne 1 est un cas particulier de la colonne 2 : U est une fonction qui dépend de x)

|  |  |
|--|--|
| Primitives de $\frac{1}{x}$ : ..... $\ln  x  + C$ .....<br>$x \neq 0$        | Primitives de $\frac{U'}{U}$ : ..... $\ln  U  + C$ .....         |
| Primitives de $\frac{1}{x^2}$ : ..... $-\frac{1}{x} + C$ .....<br>$x \neq 0$ | Primitives de $\frac{1}{U^2}$ : ..... $-\frac{1}{U} + C$ .....   |
| Primitives de $\frac{1}{2\sqrt{x}}$ : ..... $\sqrt{x} + C$ .....<br>$x > 0$  | Primitives de $\frac{1}{2\sqrt{U}}$ : ..... $\sqrt{U} + C$ ..... |
| Primitives de $x^n$ : ..... $\frac{x^{n+1}}{n+1} + C$ .....<br>$n \neq -1$   | Primitives de $U' U^n$ : ..... $\frac{U^{n+1}}{n+1} + C$ .....   |

2) Calculer : (2,5 points) **2,5**

$$I = \int_0^1 (2x^6 + 3x^4 - 1) dx = \left[ 2 \frac{x^7}{7} + 3 \frac{x^5}{5} - x \right]_0^1$$

$$= \frac{2}{7} + \frac{3}{5} - 1 - (0)$$

$$= -\frac{4}{35}$$

3) Déterminer : (6 points) **5,5**

$$J(x) = \int 5 \sin(5x + 3) dx = -\cos(5x + 3) + C$$

$$\int U' \sin(U) dx = -\cos(U) + C$$

$$K(x) = \int \cos(7x + 2) dx = +\frac{1}{7} \sin(7x + 2) + C$$

$$\int U' \cos(U) = +\sin U + C$$

**19,5**  
**20**

Excellent Travail ! T. Bien rédigé en plus!  
 Quel Progrès !

$$L(x) = \int 4(4x+3)^3 dx = \frac{(4x+3)^4}{4} + c$$

$$\int u' u^a dx = \frac{u^{a+1}}{a+1} + c$$

$$M(x) = \int \frac{12}{3} (3x-1)^7 dx = \frac{12}{3} \int 3(3x-1)^7 dx$$

$$= \frac{12}{3} \times \frac{(3x-1)^8}{8} + c \quad \text{à simplifier} =$$

$$\int u' u^a dx = \frac{u^{a+1}}{a+1} + c \quad \pi(x) = \frac{(3x-1)^8}{2}$$

4) Calculer : (5,5 points) **5,5**

$$P = \int_1^2 x^3 \sqrt{x} dx = \int_1^2 x^3 x^{\frac{1}{2}} dx = \int_1^2 x^{3,5} dx$$

$$= \left[ \frac{x^{4,5}}{4,5} \right]_1^2$$

$$= \frac{2^{4,5}}{4,5} - \frac{1^{4,5}}{4,5}$$

$$Q = \int_0^1 \frac{12x(x-2)}{x^2-4x+5} dx = \frac{1}{2} \int_0^1 \frac{2x-4}{x^2-4x+5} = \left[ \ln|x^2-4x+5| \right]_0^1$$

$$\int \frac{u'}{u} dx = \ln|u| + c$$

$$= \ln(1^2 - 4 + 5) - (\ln(5))$$

$$= \ln(2) - \ln(5) \rightarrow \ln A - \ln B = \ln \frac{A}{B}$$

$$= \ln \frac{2}{5}$$

