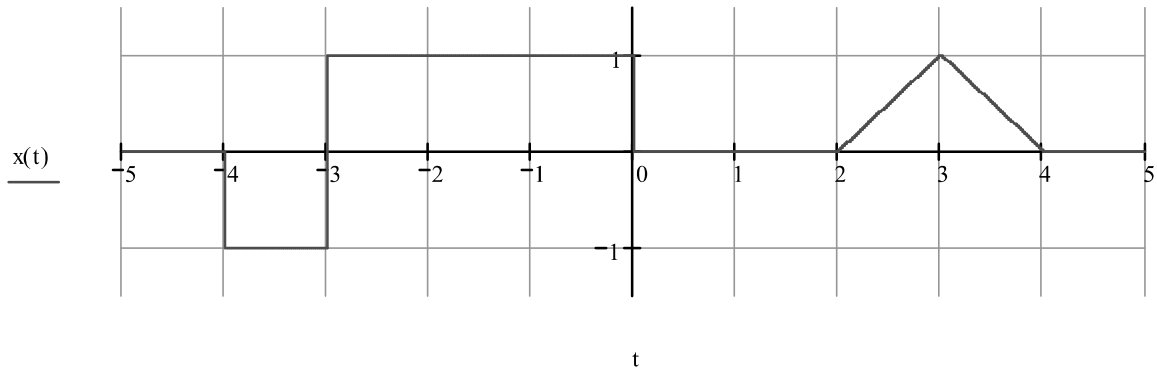


Durée : 1h30. Calculatrice : collège Documents : Tableau TF

Exercice1 : Soit $x(t)$ le signal représenté par le graphe suivant :



- 1) Exprimer $x(t)$ à l'aide de signaux triangle et porte
- 2) En déduire la transformée de Fourier de $x(t)$.

Exercice 2 Soit x , la fonction définie par : $x(t) = \begin{cases} 2t + 6 \dots \text{si} \dots - 3 \leq t < -2 \\ 2 \dots \text{si} \dots - 2 \leq t < 2 \\ -2t + 6 \dots \text{si} \dots 2 \leq t \leq 3 \\ 0 \dots \text{sin on} \end{cases}$

On souhaite calculer la transformée de ce signal par 2 méthodes différentes :

- 1) Représenter graphiquement $x(t)$
- 2) Méthode 1 : Représenter graphiquement la dérivée $x'(t)$, Calculer alors la transformée de Fourier de $x'(t)$ sans calcul intégral, puis en déduire la transformée de Fourier de $x(t)$.
- 3) Méthode 2 : Exprimer $x(t)$ à l'aide de fonctions triangle, puis calculer sa transformée de Fourier.
- 4) BONUS A partir du résultat obtenu en 3), et en appliquant la formule trigonométrique : $2 \cdot \sin a \cdot \cos b = \sin(a+b) + \sin(a-b)$ retrouvez le résultat obtenu dans la méthode 1

Exercice 3 Fonction de transfert

Un circuit est caractérisé par l'équation différentielle suivante : $3 \cdot \frac{ds}{dt} + 2 \cdot s(t) = 2 \cdot e(t)$ où $e(t)$ et $s(t)$ sont les signaux respectivement d'entrée et de sortie.

- 1) Appliquer la transformation de Fourier à cette équation et en déduire la fonction de transfert du circuit : $H(f) = \frac{S(f)}{E(f)}$ où E et S sont les transformées de Fourier respectives de e et s.
- 2) Calculer h.
- 3) Déterminer la réponse impulsionnelle
- 4) Calculer s lorsque e est un signal rectangle : $e(t) = \text{rect}(t)$.

Exercice 4 : Produit de convolution $(f * g)(t) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(u)g(t-u)du$

Calculer le produit de convolution des fonctions f et g définies par :
 $f(t) = e^{3t} \cdot \text{rect}(t)$ et $g(t) = e^{-4t} \cdot U(t)$ où rect est le signal rectangle et U l'échelon-unité.