

DM6 Partie 1 : Remise à niveau

Nombres complexe

Question 1 Puissances

(16)

(154)

a) Ecrire les nombres suivants en notation scientifique : (rappel : $0,03 = 3 \times 10^{-2}$ en notation scientifique)

$$A = 7 \times 5^2 \times 10^5 \times 2^2 = 7 \times 10^5 \times 10^2 = 7 \times 10^7$$

$$B = (-2 \times 10^3)^2 = (-2)^2 \times (10^3)^2 = 4 \times 10^6$$

$$C = \frac{10^7}{(2^3 \times 5^3)^2} = \frac{10^7}{(10^3)^2} = \frac{10^7}{10^6} = 10$$

b) Simplifiez les expressions suivantes :

$$A = 7a^3 \times a^4 = 7a^7$$

$$B = 4b^2 - (3 \cdot b)^2 = 4b^2 - 9b^2 = -5b^2$$

$$C = (c^4)^3 \times c^{-5} = c^{12} \times c^{-5} = c^7$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 1 ? Résoudre les exercices suivants *Sans calculatrice...*

$$A = 3 \times 5^3 \times 10^7 \times 2^3 =$$

$$B = (3x^2)^2 - 7x^4 =$$

$$C = (-2 \times 10^3)^2 =$$

$$D = x^4 y^2 x^5 y^3 =$$

$$E = \frac{(5 \times 10^3)^2}{(10^4)^2} =$$

$$F = t^5 (4t^{-2})^2 =$$

$\forall t \neq 0$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 1 ? S'auto-corriger

Sans calculatrice...

$$A = 3 \times 5^3 \times 10^7 \times 2^3 = 3 \times 10^7 \times 10^3 = 3 \times 10^{10}$$

$$\text{car } a^n \times b^n = (ab)^n \text{ et } x^n \times x^p = x^{n+p}$$

$$B = (3x^2)^2 - 7x^4 = 9x^4 - 7x^4 = 2x^4$$

$$\text{car } (ab)^n = a^n b^n$$

$$C = (-2 \times 10^3)^2 = (-2)^2 \times (10^3)^2 = 4 \times 10^6$$

$$\text{car } (x^n)^p = x^{n \times p}$$

$$D = \underline{x^4 y^2} \underline{x^5 y^3} = x^9 y^5$$

$$E = \frac{(5 \times 10^3)^2}{(10^4)^2} = \frac{5^2 \times (10^3)^2}{10^8} = \frac{25 \times 10^6}{10^8} = \frac{25}{10^2}$$

$$\text{car } \frac{x^n}{x^p} = x^{n-p}$$

$$F = t^5 \times (4t^{-2})^2 = t^5 \times 4^2 \times (t^{-2})^2 = 16 \times t^5 \times t^{-4} = 16 \times t$$

$$\forall t \neq 0$$

Question 2 Fractions

17

a) Les nombres a, b, c, d, y et z étant non nuls, complétez les formules suivantes :

$$\frac{d}{c} + \frac{b}{a} = \frac{da + bc}{ac} \quad \text{avec } a, c \neq 0$$

$$\frac{\frac{c}{d}}{\frac{a}{b}} = \frac{c}{d} \times \frac{b}{a} = \frac{bc}{ad} \quad \text{avec } a, b, d \neq 0$$

$$\frac{\frac{x}{y}}{z} = \frac{x}{y} \times \frac{1}{z} = \frac{x}{yz} \quad \text{avec } z \neq 0$$

b) Simplifiez les nombres et les expressions suivantes :

$$A = \frac{14}{\frac{2}{15}} = 14 \times \frac{15}{2} = 7 \times 15 = 105$$

$$B = \frac{3^2}{\frac{10}{3}} \times \frac{5}{3} = \frac{3}{2}$$

$$C = \frac{x}{4} + \frac{3}{10} = \frac{10x + 12}{40} = \frac{2(5x + 6)}{40} = \frac{5x + 6}{20}$$

$$D = \frac{\frac{4ab^2}{c}}{\frac{8c}{a^2}} = \frac{4ab^2}{c} \times \frac{a^2}{8c} = \frac{4a^3b^2}{8c^2} = \frac{a^3b^2}{2c^2} \quad \text{avec } a, c \neq 0$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 2 ? Résoudre les exercices suivants *Sans calculatrice.*

$$A = \frac{2x}{7} + \frac{y}{2} =$$

$$B = \frac{3x}{y} - \frac{4}{3} =$$

$$\forall y \neq 0$$

$$C = \frac{3xy^2t^5}{t^4 \cdot y^3(3x)^2} =$$

$$\forall t, y, x \neq 0$$

$$D = \frac{x}{\frac{2}{y}} =$$

$$\forall y \neq 0$$

$$\forall t \neq 0 \quad E = \frac{\frac{3}{8}}{t} =$$

$$F = \frac{\frac{5x}{2}}{\frac{4y}{3}} =$$

$$\forall y \neq 0$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 2 ? S'auto-corriger

Sans calculatrice.

$$A = \frac{2x}{7} + \frac{y}{2} = \frac{4x + 7y}{14} \quad \text{car} \quad \frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{ad + bc}{bd}$$

$$B = \frac{3x}{y} - \frac{4}{3} = \frac{9x - 4y}{3y} \quad \forall y \neq 0$$

$$C = \frac{3xy^2t^5}{t^4 \cdot y^3 \cdot (3x)^2} = \frac{3xy^2t^5}{9x^2y^3t^4} = \frac{t}{3xy} \quad \forall t, y, x \neq 0$$

$$D = \frac{x}{\frac{2}{y}} = x \times \frac{y}{2} = \frac{xy}{2} \quad \text{car} \quad \frac{a}{\frac{c}{d}} = a \times \frac{d}{c} \quad \forall y \neq 0$$

$$\forall t \neq 0 \quad E = \frac{\frac{3}{8}}{t} = \frac{3}{8} \times \frac{1}{t} = \frac{3}{8t} \quad \text{car} \quad \frac{\frac{a}{b}}{c} = \frac{a}{b} \times \frac{1}{c}$$
$$F = \frac{\frac{5x}{2}}{\frac{4y}{3}} = \frac{5x}{2} \times \frac{3}{4y} = \frac{15x}{8y} \quad \forall y \neq 0$$

Notes

Vous avez obtenu B ou C à la question 3 ? Corriger d'abord la question 3 de votre test

Question 3 Racines carrées : Simplifiez A au maximum, et faites disparaître les racines carrées du dénominateur de B.

$$A = 2\sqrt{2} \times 3\sqrt{3} \times \sqrt{6} = 2\sqrt{2} \times 3\sqrt{3} \times \sqrt{2} \times \sqrt{3} = 2 \times 3 \times 2 \times 3 = 36$$

$$B = \frac{1}{\sqrt{x+1}-\sqrt{x}} \times \frac{(\sqrt{x+1} + \sqrt{x})}{(\sqrt{x+1} + \sqrt{x})} = \frac{\sqrt{x+1} + \sqrt{x}}{x+1-x} = \sqrt{x+1} + \sqrt{x} \quad \text{où } x \geq 0$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 3 ? Résoudre les exercices suivants *sans calculatrice*

$$A = \sqrt{20} =$$

$$B = 3\sqrt{2} + \sqrt{18} - 2\sqrt{8} =$$

$$C = \sqrt{7} \times \sqrt{2} \times \sqrt{14} =$$

$$D = \frac{1}{\sqrt{17}} =$$

$$E = \frac{1}{\sqrt{y+2} - \sqrt{y}} =$$

$\forall y \geq 0$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 3 ? S'auto-corriger

sans calculatrice

$$A = \sqrt{20} = \sqrt{4 \times 5} = \sqrt{4} \sqrt{5} = 2\sqrt{5} \quad \text{car } \sqrt{ab} = \sqrt{a}\sqrt{b}$$

$$B = 3\sqrt{2} + \sqrt{18} - 2\sqrt{8} = 3\sqrt{2} + \sqrt{9 \times 2} - 2\sqrt{4 \times 2} = 3\sqrt{2} + \sqrt{9}\sqrt{2} - 2\sqrt{4}\sqrt{2}$$

$$B = 3\sqrt{2} + 3\sqrt{2} - 4\sqrt{2} = 6\sqrt{2} - 4\sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

$$C = \sqrt{7} \times \sqrt{2} \times \sqrt{14} = \sqrt{7}\sqrt{2}\sqrt{7}\sqrt{2} = 7 \times 2 = 14 \quad \text{car } \sqrt{x}\sqrt{x} = \sqrt{x^2} = x \quad \forall x \geq 0$$

$$D = \frac{1}{\sqrt{17}} = \frac{1 \times \sqrt{17}}{\sqrt{17} \times \sqrt{17}} = \frac{\sqrt{17}}{17}$$

$$E = \frac{1}{\sqrt{y+2} - \sqrt{y}} = \frac{\sqrt{y+2} + \sqrt{y}}{(\sqrt{y+2} - \sqrt{y})(\sqrt{y+2} + \sqrt{y})} = \frac{\sqrt{y+2} + \sqrt{y}}{y+2-y} = \frac{\sqrt{y+2} + \sqrt{y}}{2} \quad \forall y \geq 0$$

$(A-B)(A+B) = A^2 - B^2$

Question 4 Identités remarquables

16

a) Développez les formules suivantes :

$$(Z - t)(Z + t) = Z^2 - t^2$$

$$(X - Y)^2 = X^2 - 2XY + Y^2$$

b) Factorisez l'expression suivante :

$$R^2 + T^2 - 2TR = (R - T)^2$$

c) Développez A, factorisez B et simplifiez C :

$$A = (5 - 2t)^2 = 25 - 20t + 4t^2$$

$$B = 3(R^2 - 1) - (R + 1) = 3(R+1)(R-1) - (R+1) = (R+1)(3R-4)$$

$$C = \frac{(2z+4)(3z+2)}{(z+2)} = \frac{2(z+2)(3z+2)}{z+2} = 2(3z+2) \quad \text{avec } z \neq -2$$

Notes

Vous avez obtenu B ou C à la question 4 ? Résoudre les exercices suivants

Développer A; B; C

$$A = (d - e)^2 =$$

$$B = (3x + y)^2 =$$

$$C = (3 - 4t)(3 + 4t) =$$

$$D = x^2 - 4 =$$

$$E = y^2 - 2y + 1 =$$

$$F = 4t^2 + 12t + 9 =$$

$$G = (t + 2)^2 - t^2 + 4 =$$

Factoriser D; E; F; G

Simplifier H

$$H = \frac{2t^2 - 8}{t + 2} =$$

$$\forall t \neq -2$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 4 ? S'auto-corriger

Développer A; B; C

Factoriser D; E; F; G

Simplifier H

$$A = (d - e)^2 = d^2 - 2de + e^2$$

$$B = (3x + y)^2 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times y + y^2 = 9x^2 + 6xy + y^2$$

$$C = (3 - 4t)(3 + 4t) = 3^2 - (4t)^2 = 9 - 16t^2$$

$$D = x^2 - 4 = x^2 - 2^2 = (x - 2)(x + 2)$$

$$E = y^2 - 2y + 1 = y^2 - 2 \times y \times 1 + 1^2 = (y - 1)^2$$

$$F = 4t^2 + 12t + 9 = (2t)^2 + 2 \times 2t \times 3 + 3^2 = (2t + 3)^2$$

$$G = (t + 2)^2 - t^2 + 4 = (t + 2)^2 - \underset{\substack{\downarrow \\ 2^2}}{(t^2 - 4)} = \underline{(t + 2)^2} - (t - 2)\underline{(t + 2)} = \underline{(t + 2)} \left[\underbrace{t + 2 - (t - 2)}_4 \right]$$

$$H = \frac{2t^2 - 8}{t + 2} = \frac{2(t^2 - 4)}{t + 2} = \frac{2(t - 2)(t + 2)}{t + 2} = 2(t - 2) \quad \forall t \neq -2$$

Question 5 Résolvez les équations et inéquations suivantes :

(15)

a) $9R - 3 = -2 + 2R \Leftrightarrow 9R - 2R = -2 + 3 \Leftrightarrow 7R = 1 \Leftrightarrow R = 1/7$
 $S = \{1/7\}$

b) $3X^2 + X - 2 = 0$ $\Delta = b^2 - 4ac = 1^2 - 4(3)(-2) = 1 + 24 = 25 > 0$
 $X_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 + 5}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$
 $X_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 - 5}{6} = \frac{-6}{6} = -1$
 $S = \{-1, 2/3\}$

c) $5 - 3t \leq -2t + 4 \Leftrightarrow -3t + 2t \leq 4 - 5 \Leftrightarrow -t \leq -1 \Leftrightarrow t \geq 1$
 $S = [1; +\infty[$

d) $3X^2 + X - 2 > 0$ (Reprendre les résultats de l'équation b))

X	$-\infty$	-1	2/3	$+\infty$
$3X^2 + X - 2$	+	0	-0	+

$S =]-\infty; -1[\cup]2/3; +\infty[$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 5 ? Résoudre les exercices suivants

$$3y - 2 = 7y + 4 \Leftrightarrow$$

$$2t^2 - 3t + 1 = 0$$

$$3y - 2 \leq 7y + 4$$

$$2t^2 - 3t + 1 < 0$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 5 ? S'auto-corriger

$$3y - 2 = 7y + 4 \Leftrightarrow 3y - 7y = 4 + 2 \Leftrightarrow -4y = 6 \Leftrightarrow y = -\frac{6}{4} = -\frac{3}{2}$$
$$S = \{-3/2\}$$

$$2t^2 - 3t + 1 = 0 \quad \Delta = (-3)^2 - 4 \times 2 \times 1 = 9 - 8 = 1 > 0 \quad \Delta = b^2 - 4ac.$$

$$\begin{cases} t_1 = \frac{3+1}{4} = \frac{4}{4} = 1 \\ t_2 = \frac{3-1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2} \end{cases} \quad S = \{1; \frac{1}{2}\}$$
$$\begin{cases} t_1 = \frac{-b+\sqrt{\Delta}}{2a} \\ t_2 = \frac{-b-\sqrt{\Delta}}{2a} \end{cases}$$

$$3y - 2 \leq 7y + 4$$

$$3y - 7y \leq 4 + 2 \Leftrightarrow -4y \leq 6 \Leftrightarrow y \geq -\frac{6}{4} \Leftrightarrow y \geq -\frac{3}{2}$$
$$S = [-\frac{3}{2}; +\infty[$$

$$2t^2 - 3t + 1 < 0$$

t	$-\infty$	$1/2$	1	$+\infty$	
$2t^2 - 3t + 1$	+	0	-	0	+

$S =]\frac{1}{2}; 1[$

Notes..... Vous avez obtenu B ou C à la question 6 ? Corriger d'abord la question 6 de votre test

Question 6 Trigonométrie

(1/11)

a) Complétez les formules suivantes :

$$\cos^2(x) + \sin^2(x) = 1$$

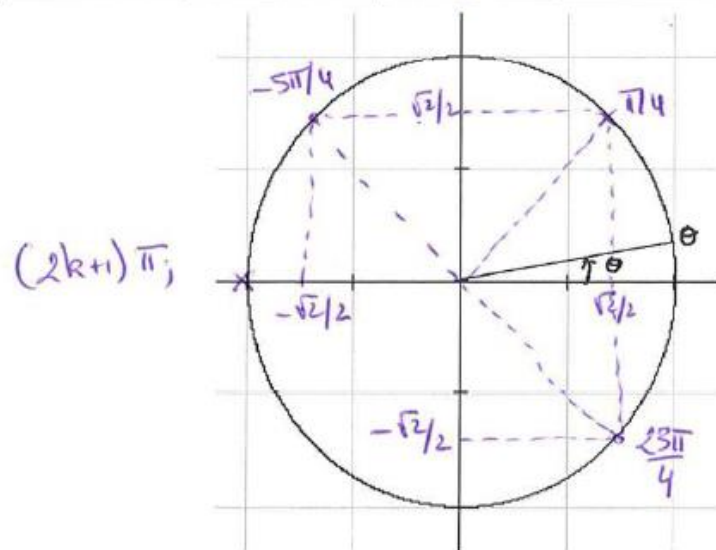
$$\sin(a-b) = \sin a \cos b - \cos a \sin b$$

b) Complétez le cercle trigonométrique ci-dessous, placez sur ce dernier les angles suivants : $\frac{\pi}{4}$;

$-\frac{5\pi}{4}$; $\frac{23\pi}{4}$; $(2k+1)\pi$ où k est un entier relatif ; puis complétez le tableau ci-dessous :

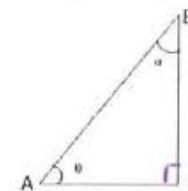
θ	$(2k+1)\pi$	$\frac{\pi}{4}$	$-\frac{5\pi}{4}$	$\frac{23\pi}{4}$
$\sin \theta$	0	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$
$\cos \theta$	-1	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$
$\tan \theta$	0	1	-1	-1

→ 1



$$\frac{23\pi}{4} = \frac{24\pi}{4} - \frac{\pi}{4} = 6\pi - \frac{\pi}{4}$$

c) Soit ABC le triangle rectangle en C, tel que l'angle $\theta = \widehat{CAB}$ vaut $\frac{\pi}{6}$ radians et $AC = \sqrt{3}$



En déduire les valeurs de AB, puis de CB :

$$\text{AB? } \cos \theta = \frac{AC}{AB} \Leftrightarrow AB = \frac{AC}{\cos \theta} = \frac{\sqrt{3}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \sqrt{3} \times \frac{2}{\sqrt{3}} = 2$$

$$\text{CB? } CB^2 + AC^2 = AB^2 \Leftrightarrow CB^2 = 2^2 - \sqrt{3}^2 = 4 - 3 = 1 \Rightarrow CB = 1$$

$$\text{ou bien : } \sin \theta = \frac{BC}{AB} \Leftrightarrow BC = 2 \times \sin \frac{\pi}{6} = 2 \times \frac{1}{2} = 1$$

La valeur de l'angle $\theta = \widehat{CAB}$ en degré est : $\frac{180}{6} = 30^\circ$

La valeur de l'angle $\alpha = \widehat{CBA}$ en degré est : $\alpha = 180^\circ - (30^\circ + 90^\circ) = 60^\circ$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 6 ? Résoudre les exercices suivants *Sans calculatrice.*

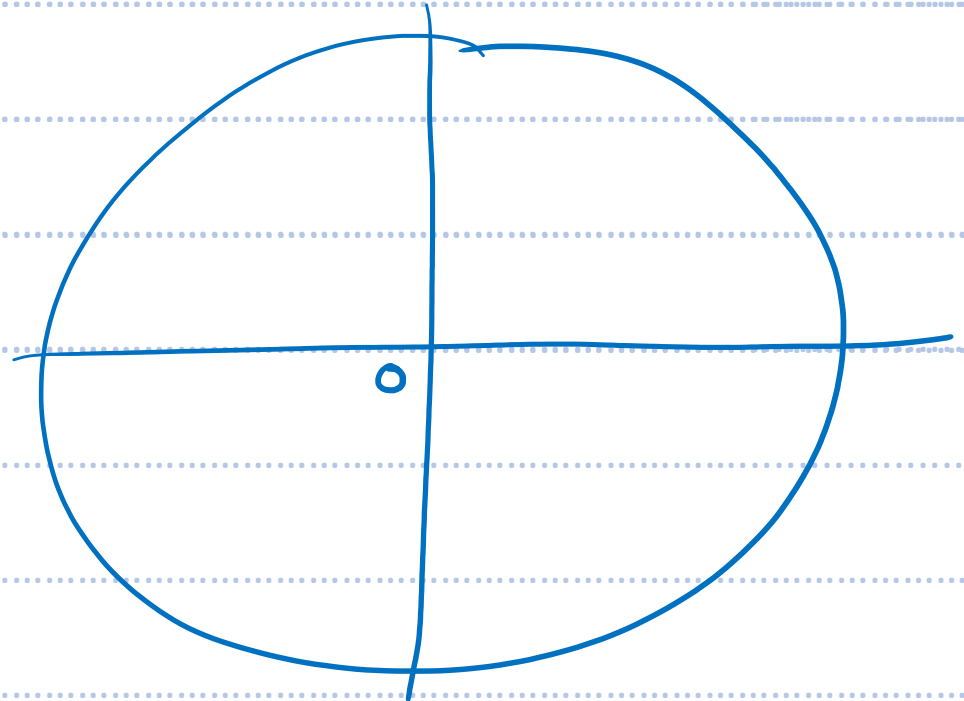
$$\sin^2 x + \cos^2 x =$$

$$\cos(a-b) =$$

$$\cos(a+b) =$$

$$\cos(2a) =$$

θ	2π	-3π	$\pi/3$	$2\pi/3$	$7\pi/3$
$\sin \theta$					
$\cos \theta$					
$\tan \theta$					



Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 6 ? S'auto-corriger

Sans calculatrice.

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\cos(a-b) = \cos a \cos b + \sin a \sin b$$

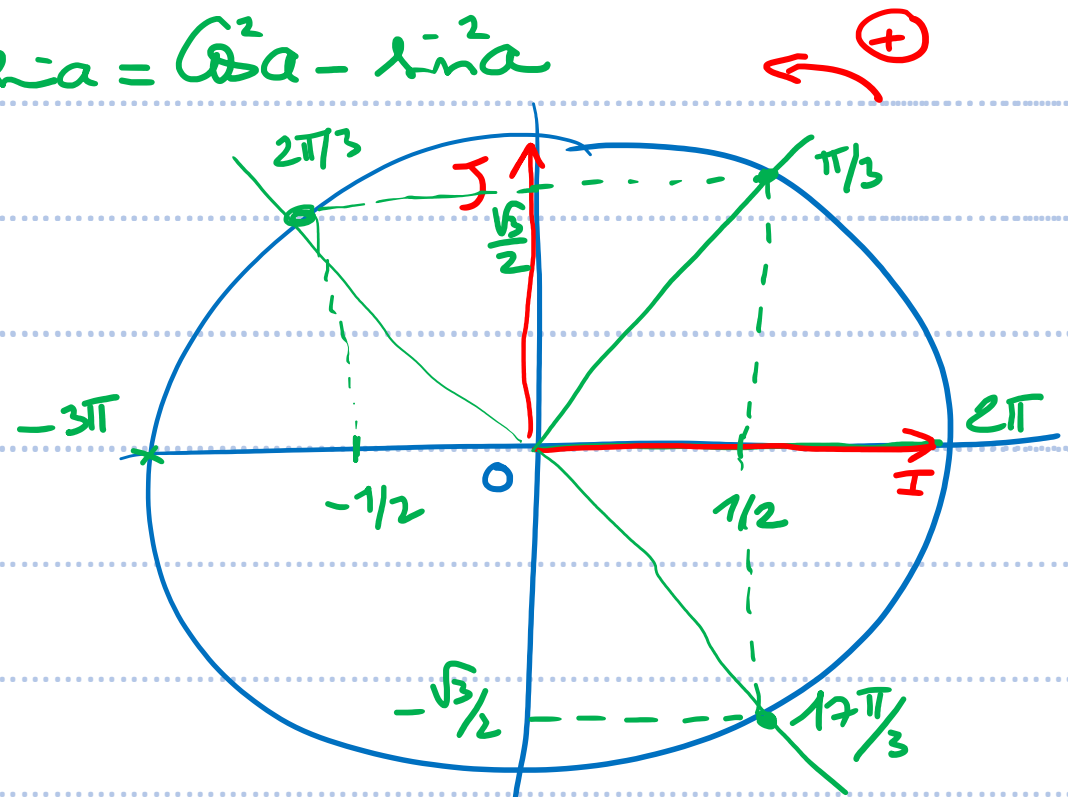
$$\cos(a+b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$$

$$\cos(2a) = \cos(a+a) = \cos a \cos a - \sin a \sin a = \cos^2 a - \sin^2 a$$

θ	2π	-3π	$\pi/3$	$2\pi/3$	$17\pi/3$
$\sin \theta$	0	0	$\sqrt{3}/2$	$\sqrt{3}/2$	$-\sqrt{3}/2$
$\cos \theta$	1	-1	$1/2$	$-1/2$	$1/2$
$\tan \theta$	0	0	$\sqrt{3}$	$-\sqrt{3}$	$-\sqrt{3}$

$$\frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

$$\frac{17\pi}{3} = \frac{18\pi}{3} - \frac{\pi}{3} = 6\pi - \frac{\pi}{3}$$



Notes

Vous avez obtenu B ou C à la question 7 ? Corriger d'abord la question 7 de votre test

Question 7 Etude de fonctions

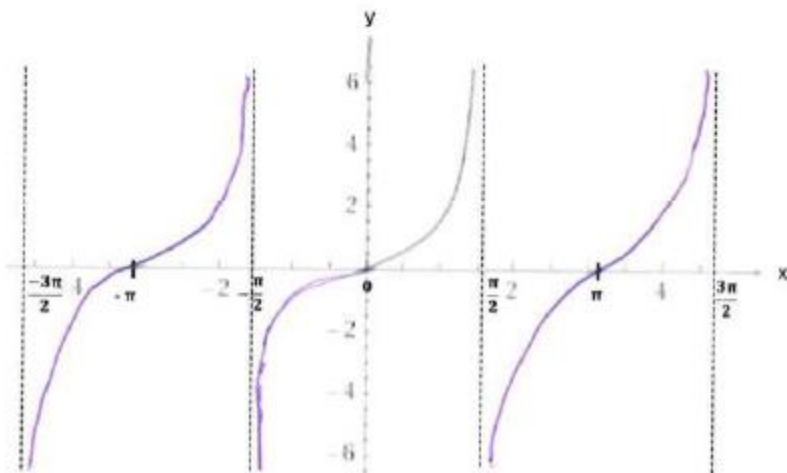
Soit f , la fonction définie par : $f(x) = \tan x$

- a) Quel est l'ensemble de définition de f ? $\mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi ; k \in \mathbb{Z} \right\}$
- b) La fonction f est-elle paire ? impaire ? $\text{impaire car } \tan(-x) = -\tan(x)$
- c) La fonction f est périodique, quelle est sa période ? $T = \pi$ car $\tan(x + \pi) = \tan x$

- d) La fonction f a pour dérivée $f'(x) = \frac{1}{\cos^2(x)}$, quel est alors le sens de variation de f ?

$f'(x) = \frac{1}{\cos^2 x} > 0 \quad \forall x \in \mathcal{D}_f$ $\Rightarrow$ f est donc croissante !

- e) La fonction f est représentée ci-dessous sur l'intervalle $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$. Complétez la courbe sur le reste du schéma ci-dessous.



- f) Que peut-on dire des droites d'équations : $x = \frac{\pi}{2}$, $x = \frac{-3\pi}{2}$; $x = \frac{-\pi}{2}$; $x = \frac{3\pi}{2}$?

Ces sont des asymptotes.

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 7 ? Résoudre les exercices suivants *Sans Calculatrice*

$$f(x) = \cos x$$

$$\Delta f =$$

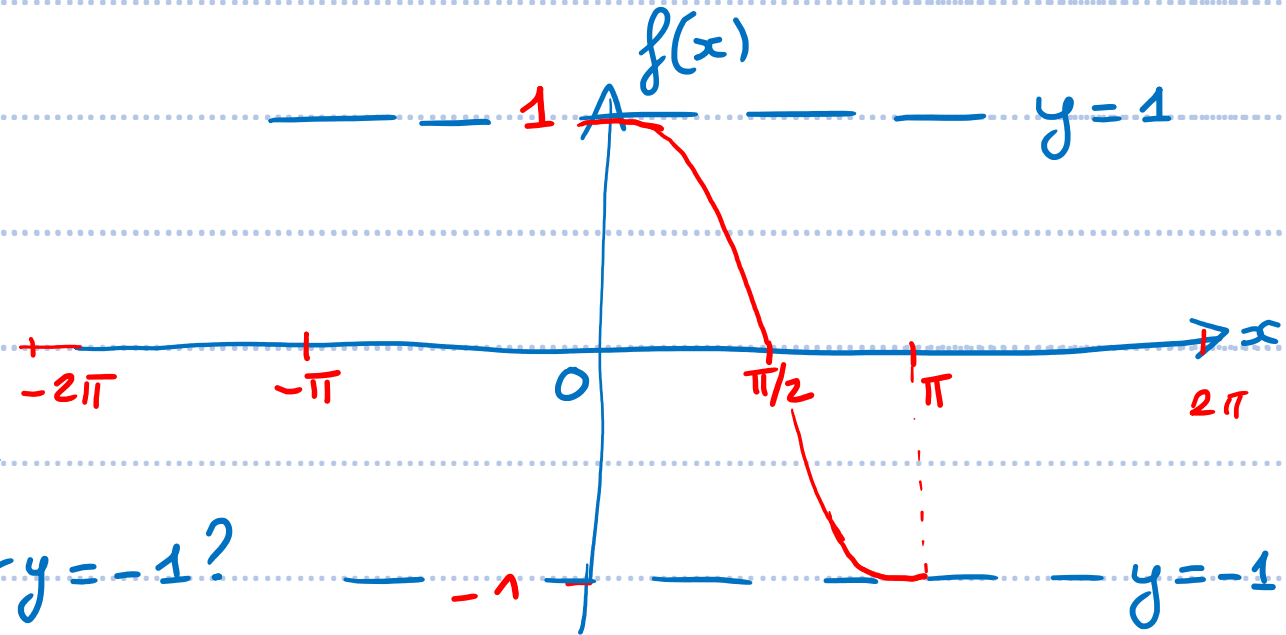
période de f :

parité de f :

$$f'(x) =$$

Compléter :

x	0	π
Signe de $f'(x)$		
Variations de f		



Que dire de droite d'équation $y=1$ et $y=-1$?

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 7 ? S'auto-corriger

$$f(x) = \cos x$$

$$\mathcal{D}f = \mathbb{R}$$

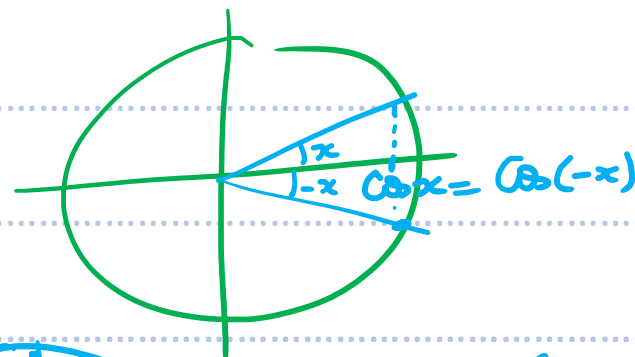
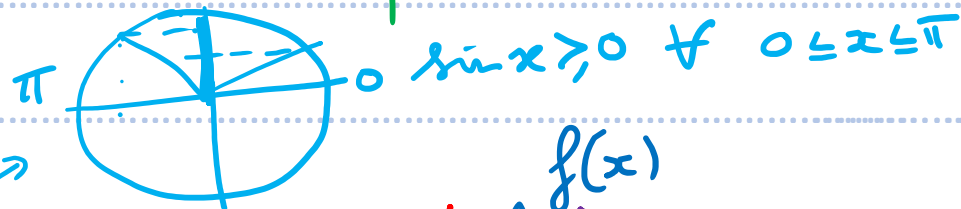
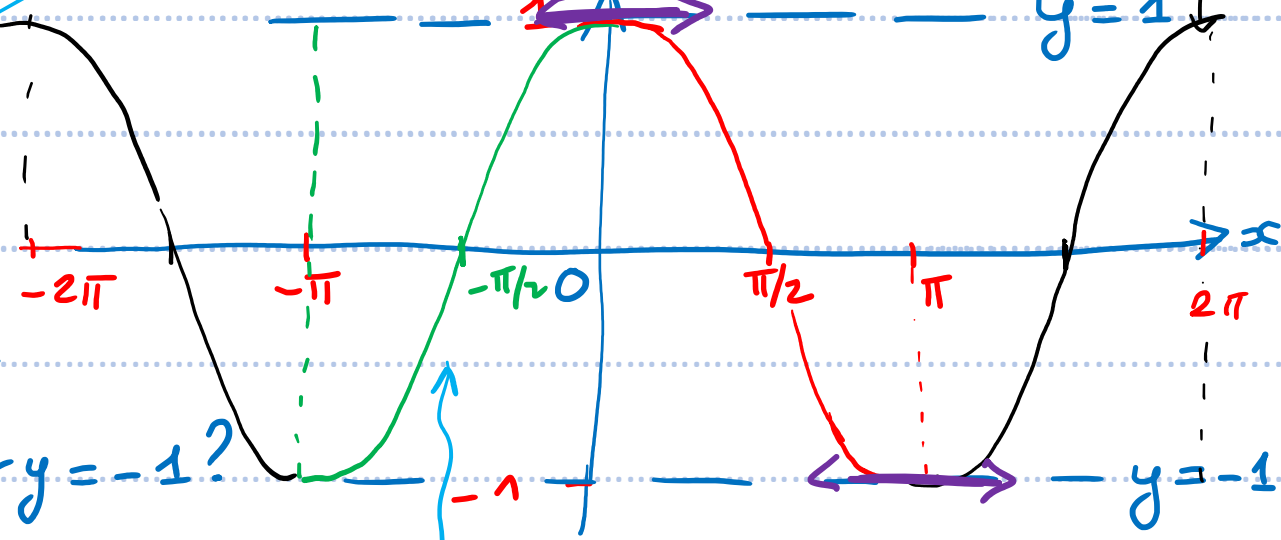
période de f : $T = 2\pi$

parité de f : paire car $\cos(-x) = \cos x$

$$f'(x) = -\sin x$$

Compléter :

x	0		π
Signe de $f'(x)$	0	—	0
Variations de f	1	$\rightarrow$	-1



$\cos$ est 2π -périodique

Que dire de droites d'équation $y=1$ et $y=-1$?

Ce sont les tangentes horizontales à la courbe aux points d'abscisses 0 et π car $f'(0) = f'(\pi) = 0$

$\cos$ est paire, la courbe est symétrique par rapport à (Oy)

Question 8 Exponentielle et Logarithme

(15)

Soit Log, la fonction « logarithme décimal » définie par : $\log(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(10)} \quad \forall x > 0$. Déterminez et simplifiez :

$$\log(1) = \frac{\ln 1}{\ln 10} = 0 \quad \log(10) = \frac{\ln 10}{\ln 10} = 1$$

$$\log(10^2) = \frac{\ln 10^2}{\ln 10} = \frac{2 \ln 10}{\ln 10} = 2 \quad \log(10000) = \frac{\ln 10^4}{\ln 10} = \frac{4 \ln 10}{\ln 10} = 4$$

$$\log(10^n) = \frac{\ln 10^n}{\ln 10} = \frac{n \ln 10}{\ln 10} = n \quad \text{pour tout entier naturel } n.$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 8 ? Résoudre les exercices suivants *sans calculatrice*

$$A = \ln(A \times B) =$$

$$\forall A, B > 0$$

$$B = \ln(C^\alpha) =$$

$$\forall C > 0$$

$$C = 3 \ln 2 - \ln 8 =$$

$$D = \ln\left(\frac{1}{5}\right) + \ln 5 =$$

$$E = \ln\left(\frac{A}{B}\right) =$$

$$\forall A, B > 0$$

$$F = \log(3 \times 10^5) =$$

$$G = \log\left(\frac{10^7}{10^8}\right) =$$

Notes

Vous avez obtenu B ou C à la question 8 ? S'auto-corriger

Sans calculatrice

$$A = \ln(A \times B) = \ln A + \ln B \quad \forall A, B > 0$$

$$B = \ln(C^\alpha) = \alpha \cdot \ln C \quad \forall C > 0$$

$$C = 3 \ln 2 - \ln 8 = 3 \ln 2 - \ln(2^3) = 3 \ln 2 - 3 \ln 2 = 0$$

$$D = \ln\left(\frac{1}{5}\right) + \ln 5 =$$

$$E = \ln\left(\frac{A}{B}\right) = \quad \forall A, B > 0$$

$$F = \log(3 \times 10^5) =$$

$$G = \log\left(\frac{10^7}{10^8}\right) =$$

Notes

Vous avez obtenu B ou C à la question 9 ? Corriger d'abord la question 9 de votre test

Question 9 Equation de droites

(13)

1) Complétez :

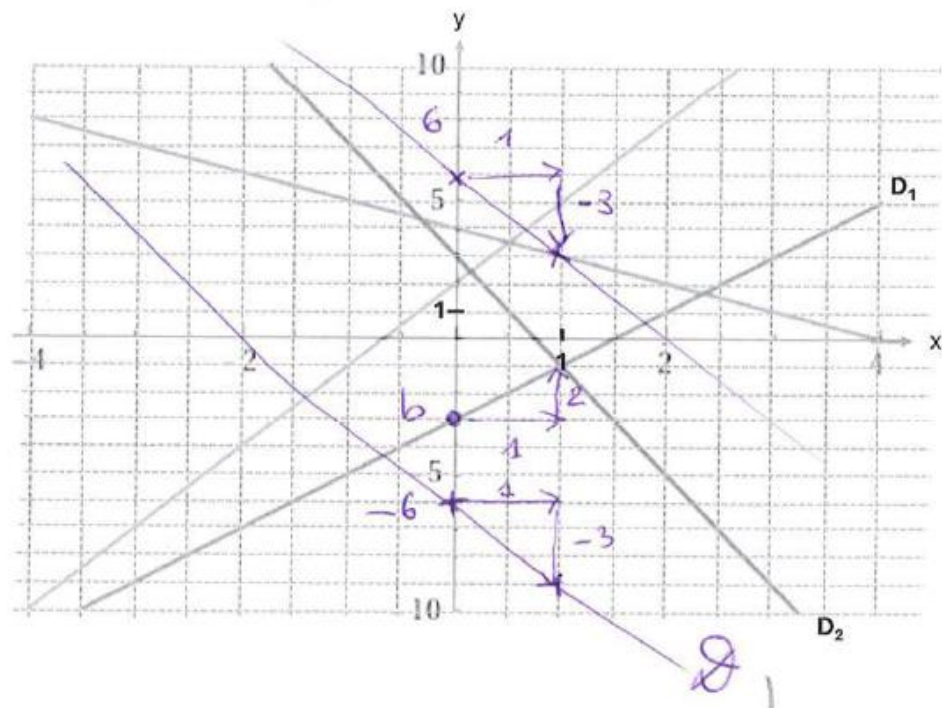
La droite D_1 tracée ci-dessous a pour équation : $D_1 : y = ax + b$

$b = -3$, par lecture graphique, est l'ordonnée à l'origine.

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{2}{1} = 2$$

$$D_1 : y = 2x - 3$$

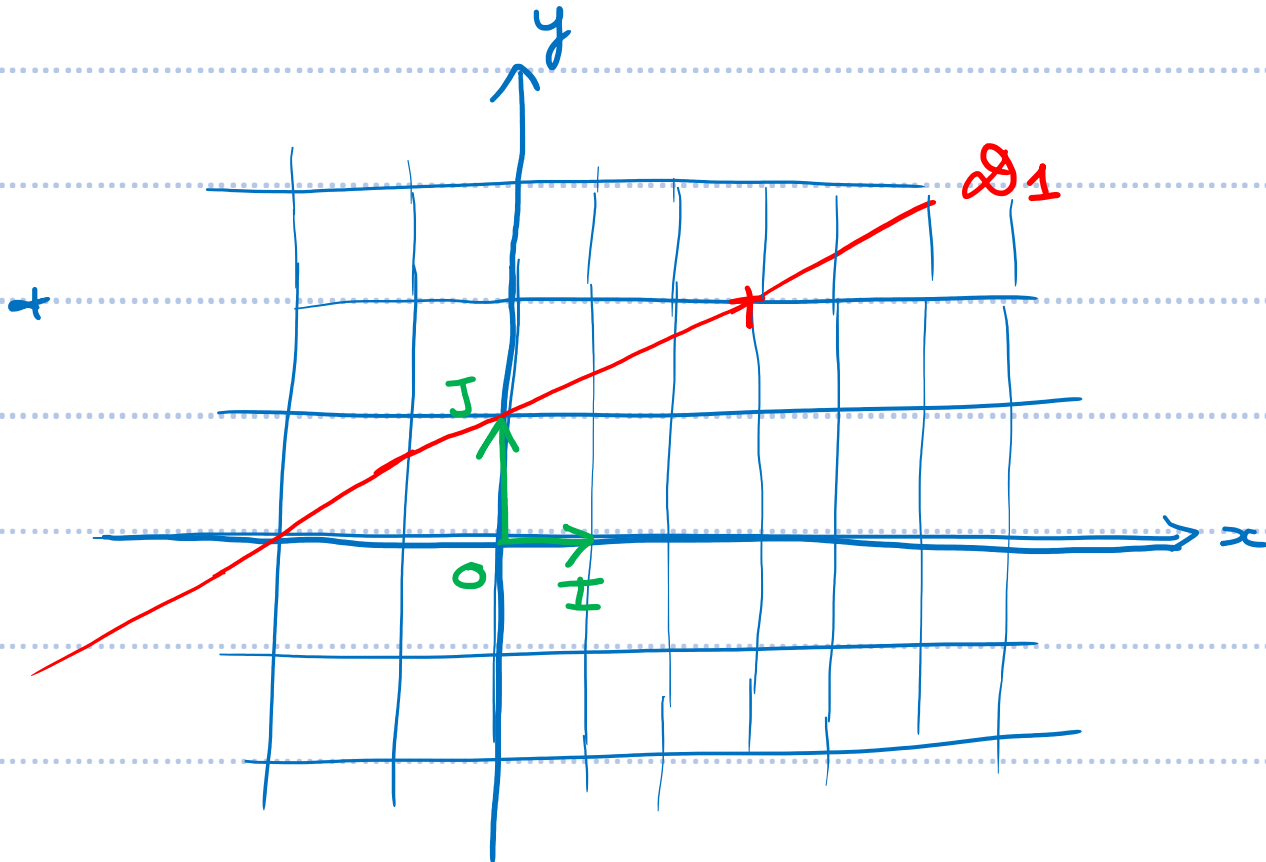
2) Tracez sur la même figure ci-dessous, la droite d'équation : $D : y = -3x - 6$



Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 9 ? Résoudre les exercices suivants

* Soit $A(2; -1)$ et $B(-3; -7)$

Quelle est l'équation de (AB) ?



D_1 a pour équation :

Trace D_2 : $y = \frac{2}{3}x - 1$

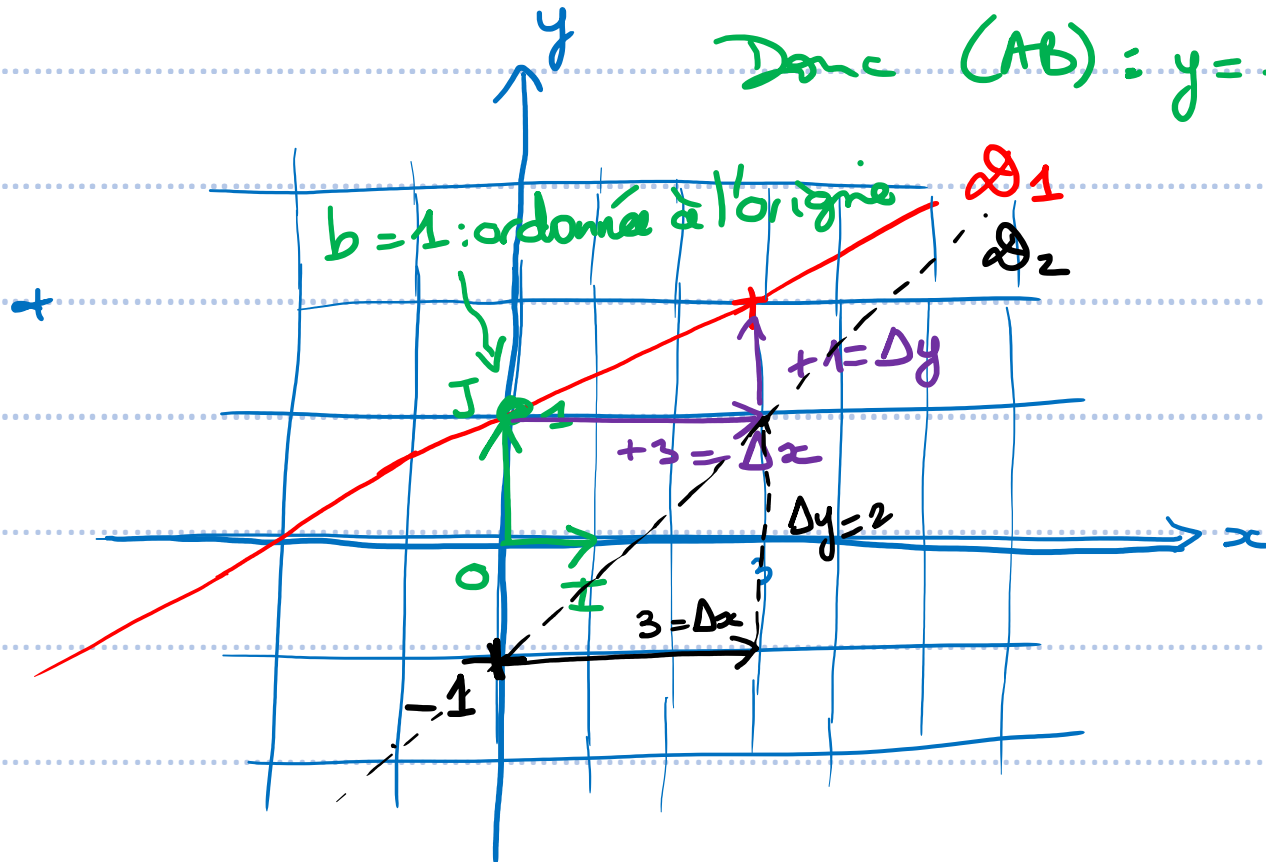
Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 9 ? S'auto-corriger

* Soit $A(2; -1)$ et $B(-3; -7)$

Quelle est l'équation de (AB) ? $y = ax + b$ où $a = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{-7 + 1}{-3 - 2} = \frac{-6}{-5} = \frac{6}{5}$

$$A \in (AB) \Rightarrow y_A = \frac{6}{5}x_A + b \Rightarrow b = -1 - \frac{6}{5} \times 2 = -1 - \frac{12}{5} = -\frac{17}{5}$$

$$\text{Donc } (AB) : y = \frac{6}{5}x - \frac{17}{5}$$



D_1 a pour équation : $y = ax + b$

$$b = 1 \text{ et } a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{1}{3} \text{ donc } y = \frac{1}{3}x + 1$$

$$\text{Trace } D_2 : y = \frac{2}{3}x - 1$$

Question 10 Résolvez le système suivant :

$$\begin{cases} 10x - 2y = 9 \\ -8x + y = -1 \end{cases}$$

$$\begin{array}{l|l} \times 4 & \times 1 \\ \times 5 & \times 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \textcircled{+} \left\{ \begin{array}{l} 40x - 8y = 36 \\ 40x + 5y = -5 \end{array} \right. \textcircled{+} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \textcircled{+} \left\{ \begin{array}{l} 10x - 2y = 9 \\ -16x + 2y = -2 \end{array} \right. \textcircled{+} \end{array}$$

$$-3y = 31$$

$$y = -\frac{31}{3}$$

$$-6x = 7$$

$$x = -\frac{7}{6}$$

$$S = \left\{ -\frac{7}{6}, -\frac{31}{3} \right\}$$

2

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 10 ? Résoudre les exercices suivants

Résoudre

$$\begin{cases} 5x - 4y = 2 \\ 3x + 2y = 3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2t + s = 1 \\ 3s - 4t = 2 \end{cases}$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 10 ? S'auto-corriger

Répondre

$$\begin{cases} 5x - 4y = 2 & \times 3 \\ 3x + 2y = 3 & \times 5 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \times 1 \\ \times 2 \end{array}$$

$$\begin{cases} 15x - 12y = 6 \\ 15x + 10y = 15 \end{cases} \quad \ominus$$

$$-22y = -9 \Leftrightarrow y = \frac{9}{22}$$

$$\begin{cases} 5x - 4y = 2 \\ 6x + 4y = 6 \end{cases} \quad \oplus$$

$$11x = 8 \Leftrightarrow x = \frac{8}{11}$$
$$S = \left\{ \left(\frac{8}{11}; \frac{9}{22} \right) \right\}$$

$$\begin{cases} -2t + s = 1 \\ 3s - 4t = 2 \end{cases}$$

$\Leftrightarrow$

$$\begin{cases} s - 2t = 1 & \times 3 \\ 3s - 4t = 2 & \times 1 \end{cases} \quad \begin{array}{l} \times 2 \\ \times 1 \end{array}$$

$$\begin{cases} 3s - 6t = 3 \\ 3s - 4t = 2 \end{cases} \quad \ominus$$

$$-2t = 1 \Leftrightarrow t = -1/2$$

$$\begin{cases} 2s - 4t = 2 \\ 3s - 4t = 2 \end{cases} \quad \ominus$$

$$-s = 0$$
$$\Leftrightarrow s = 0$$

$$S = \left\{ (0; -1/2) \right\}$$

Notes

Vous avez obtenu B ou C à la question 11 ? Corriger d'abord la question 10 de votre test

Question 11 Proportionnalité ?

(1/3)

Sur la notice d'un capteur de pression, on peut lire quelques valeurs repères :

Pression en hecto Pascal	Tension de sortie en Volt
P = 0 hPa	U _s = 4 V
P = 1000 hPa	U _s = 2 V
P = 1250 hPa	U _s = 1,5 V

a) Complétez ce tableau, on pourra expliquer succinctement les calculs ci-dessous :

P et U_s ne sont pas proportionnels, sinon à P = 0 correspondrait

U_s = 0.

↳ variations ΔP et ΔU_s sont proportionnelles :

$$\frac{U_B - U_A}{P_B - P_A} = \frac{U - U_A}{P - P_A} \Leftrightarrow \frac{-2}{1000} = \frac{U - 4}{1250}$$

$$\Leftrightarrow U = \frac{-2}{1000} \times 1250 + 4 = -\frac{2500}{1000} + 4$$

$$U = 4 - 2,5 = 1,5$$

b) Déterminez l'expression de la tension de sortie U_s en fonction de la pression P (sauf si vous l'avez déjà fait dans la question précédente) :

$$\frac{-2}{1000} = \frac{U - 4}{P} \Leftrightarrow U = -\frac{2}{1000} P + 4$$

Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 11 ? Résoudre les exercices suivants

Compléter:

X	Y
0	0
2	6
$\frac{4}{3}$	4
5	?
?	2

$$Y = ? \dots$$

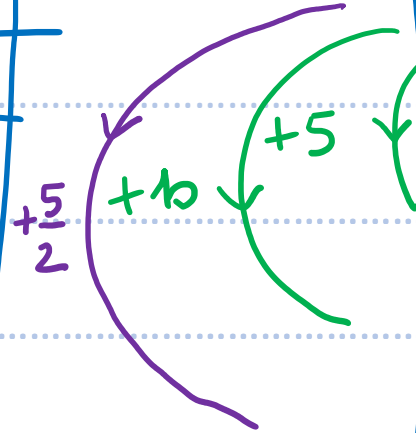
R	T
0	3
5	7
10	?
?	5

$$T = ? \dots$$

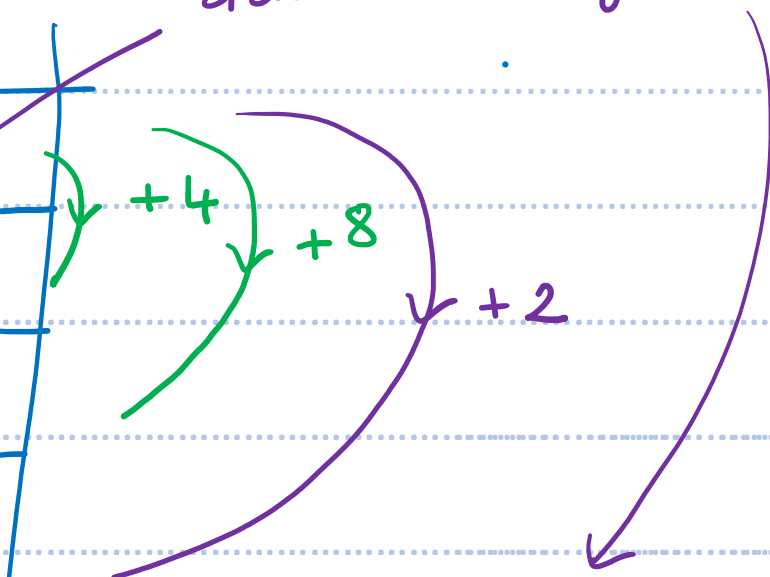
Notes... Vous avez obtenu B ou C à la question 11 ? S'auto-corriger

Compléter:

X	Y
0	0
2	6
$\frac{4}{3}$	4
5	? 15
$\frac{2}{3}$?	2



R	T
0	3
5	7
10	? 11
$\frac{5}{2}$	5



pende: $\frac{\Delta T}{\Delta R} = \frac{7-3}{5-0} = \frac{4}{5}$

$$Y = 3X$$

X et Y sont proportionnelles

$$T = \frac{4}{5} R + 3$$

Vous avez obtenu beaucoup de A et vous n'avez pas répondu à la question 12 ?

Corriger d'abord la question 12 de votre test

Question 12 ne compte pas dans la note finale (poursuites d'études).

- 1) Calculer les valeur moyenne et efficace du signal $f(t) = 5 \cdot \cos(t)$. On rappelle les formules :

La **valeur moyenne** d'une fonction intégrable et T-périodique f, est la valeur donnée par : $\frac{1}{T} \int_a^{a+T} f(t) dt$ où a est un nombre réel quelconque. La **valeur efficace** de f est la racine carré de la valeur moyenne de f^2 :

$$V_{eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_a^{a+T} f^2(t) dt}$$

- 2) Résoudre l'équation : $2 \cdot e^{2x} - e^x - 3 = 0$

Question 12 ne compte pas dans la note finale (poursuites d'études).

S'auto-corriger

- 1) Calculer les valeur moyenne et efficace du signal $f(t) = 5 \cdot \cos(t)$. On rappelle les formules :

La **valeur moyenne** d'une fonction intégrable et T-périodique f, est la valeur donnée par : $\frac{1}{T} \int_a^{a+T} f(t) dt$ où a est un nombre réel quelconque. La **valeur efficace** de f est la racine carré de la valeur moyenne de f^2 :

$$V_{eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_a^{a+T} f^2(t) dt}$$

- 2) Résoudre l'équation : $2 \cdot e^{2x} - e^x - 3 = 0$

$$\textcircled{1} \quad V_{\text{moy}} = \frac{1}{2\pi} \cdot \int_0^{2\pi} 5 \cdot \cos t \, dt = \frac{5}{2\pi} \cdot \int_0^{2\pi} \cos t \, dt = \frac{5}{2\pi} \cdot \left[\sin t \right]_0^{2\pi} = \frac{5}{2\pi} (\sin 2\pi - \sin 0) = 0$$

$$V_{\text{eff}}^2 = \frac{1}{2\pi} \cdot \int_0^{2\pi} (5 \cos t)^2 \, dt = \frac{25}{2\pi} \int_0^{2\pi} \cos^2 t \, dt = \frac{25}{2\pi} \cdot \int_0^{2\pi} \frac{1 + \cos(2t)}{2} \, dt = \frac{25}{4\pi} \cdot \int_0^{2\pi} (1 + \cos 2t) \, dt$$

$$V_{\text{eff}}^2 = \frac{25}{4\pi} \cdot \left[t + \frac{\sin(2t)}{2} \right]_0^{2\pi} = \frac{25}{4\pi} \cdot \left(2\pi + \frac{\sin(4\pi)}{2} - \left(0 + \frac{\sin 0}{2} \right) \right) = \frac{25}{4\pi} \times 2\pi = \frac{25}{2}$$

$$\text{donc } V_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{25}{2}} = \frac{5}{\sqrt{2}} = \frac{V_{\text{max}}}{\sqrt{2}} \quad (\text{Formule de P.K})$$

Question 12 ne compte pas dans la note finale (poursuites d'études).

S'auto-corriger

- 1) Calculer les valeur moyenne et efficace du signal $f(t) = 5 \cdot \cos(t)$. On rappelle les formules :

La **valeur moyenne** d'une fonction intégrable et T-périodique f, est la valeur donnée par : $\frac{1}{T} \int_a^{a+T} f(t) dt$ où a est un nombre réel quelconque. La **valeur efficace** de f est la racine carré de la valeur moyenne de f^2 :

$$V_{eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_a^{a+T} f^2(t) dt}$$

- 2) Résoudre l'équation : $2 \cdot e^{2x} - e^x - 3 = 0$

② On pose $X = e^x$ alors $X^2 = (e^x)^2 = e^{2x}$ solution X_2 est impossible.

et on résout : $2X^2 - X - 3 = 0$

$$\Delta = (-1)^2 - 4(2)(-3) = 1 + 24 = 25$$

$$\left\{ \begin{array}{l} X_1 = \frac{1+5}{4} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} > 0 \\ X_2 = \frac{1-5}{4} = \frac{-4}{4} = -1 < 0 \end{array} \right.$$

Comme $X = e^x > 0 \forall x \in \mathbb{R}$, alors la

On résout alors $e^x = \frac{3}{2}$

$$\Leftrightarrow \ln e^x = \ln \frac{3}{2}$$

$$\Leftrightarrow x = \ln\left(\frac{3}{2}\right)$$

$$S = \left\{ \ln\left(\frac{3}{2}\right) \right\}.$$